



ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΟ



ΑΝΑΓΝΩΣΤΗΡΙΟ



ΞΕΝΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ



ΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗ



ΜΑΘΗΜΑΤΑ ΓΙΑ ΦΟΙΤΗΤΕΣ



ΔΗΜΙΟΥΡΓΙΚΗ ΑΠΑΣΧΟΛΗΣΗ

**ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΕΣ ΕΞΕΤΑΣΕΙΣ 2021
ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ
ΘΕΜΑΤΑ ΠΡΟΣΟΜΟΙΩΣΗΣ
ΦΥΣΙΚΗ ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΥ**

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

A1. α

A2. δ

A3. δ

A4. β

A5. α. Σ

β. Σ

γ. Λ

δ. Λ

ε. Λ

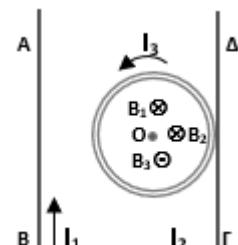
ΘΕΜΑ Β

B.1: σωστό το (γ)

Σχεδιάζουμε τα διανύσματα της έντασης των μαγνητικών πεδίων από τους αγωγούς (1) και (3), για τους οποίους γνωρίζουμε την φορά των ηλεκτρικών ρευμάτων που τα διαρρέουν. Για να είναι η ολική ένταση μηδέν πρέπει να ισχύει:

$$\vec{B}_{\text{ολ}(\text{o})} = \mathbf{0} \Rightarrow \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \vec{B}_3 = \mathbf{0} \Rightarrow \vec{B}_3 = -(\vec{B}_1 + \vec{B}_2)$$

Ορίζουμε θετική φορά την φορά του B1 (κάθετα προς τα μέσα). Ισχύει:



$$\vec{B}_3 = -(\vec{B}_1 + \vec{B}_2) \Rightarrow B_3 = -\left(+K\mu \frac{2I_1}{2a} - K\mu \frac{2\pi I_2}{a}\right) = -\left(+K\mu \frac{I_1}{a} - K\mu \frac{2\pi \frac{2I_1}{\pi}}{a}\right) = -\left(+K\mu \frac{I_1}{a} - K\mu \frac{4I_1}{a}\right) = K\mu \frac{3I_1}{a}$$

Βγήκε θετικό, επομένως έχει ίδια κατεύθυνση με το B1 \otimes . Συνεπώς η φορά του ηλεκτρικού ρεύματος I2 θα είναι από το Δ προς το Γ, και το μέτρο του: $B_3 = K\mu \frac{2I_3}{a} \Rightarrow K\mu \frac{3I_1}{a} = K\mu \frac{2I_3}{a} \Rightarrow I_3 = \frac{3I_1}{2}$

B.2: σωστό το (α)

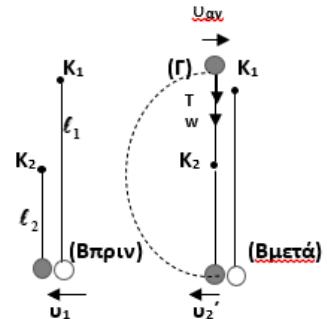
$$\text{ΑΔΜΕ : } (A) \xrightarrow{h_B=0} (B) \text{ πριν} \Rightarrow E_{\alpha\rho\chi} = E_{\tau\epsilon\lambda} \Rightarrow K^{\alpha\rho\chi} + U_m^{\alpha\rho\chi} = U_m^{\tau\epsilon\lambda} + K^{\tau\epsilon\lambda} \Rightarrow \\ \Rightarrow mg\ell_1 = \frac{1}{2}m.u_1^2 \Rightarrow u_1 = \sqrt{2g\ell_1}$$

Η κρούση είναι κεντρική ελαστική με ίσες μάζες, επομένως τα σώματα ανταλλάσσουν ταχύτητες : $u'_1 = u_1 \Rightarrow u'_2 = \sqrt{2g\ell_1}$ (1).

Για να διαγράφει το σώμα οριακά κατακόρυφη κυκλική τροχιά, πρέπει στο ανώτερο σημείο να έχει την ελάχιστη κεντρομόλο δύναμη. Ισχύει το σημείο Γ :

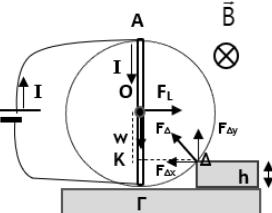
$$F_k = \frac{m.u_{\alpha\nu}^2}{R} \Rightarrow w + T = \frac{m.u_{\alpha\nu}^2}{\ell_2} \xleftarrow{T=0} w = \frac{m.u_{\alpha\nu(\min)}^2}{\ell_2} \Leftrightarrow mg = \frac{m.u_{\alpha\nu(\min)}^2}{\ell_2} \Leftrightarrow [u_{\alpha\nu(\min)} = \sqrt{g\ell_2}] \quad (2)$$

$$\text{ΑΔΜΕ : } (B_\mu) \xrightarrow{h_B=0} (\Gamma) \Rightarrow E_{\alpha\rho\chi} = E_{\tau\epsilon\lambda} \Rightarrow U_m^{\alpha\rho\chi} + K^{\alpha\rho\chi} = U_m^{\tau\epsilon\lambda} + K^{\tau\epsilon\lambda} \Rightarrow \frac{1}{2}m.u_2'^2 = mg.2\ell_2 + \frac{1}{2}m.u_{\alpha\nu(\min)}^2 \xrightarrow{(2)} \\ \Rightarrow \frac{1}{2}u_2'^2 = g.2\ell_2 + \frac{1}{2}.g.\ell_2 \Rightarrow u_2'^2 = 4g.\ell_2 + g.\ell_2 = 5g.\ell_2 \xrightarrow{(1)} 2g\ell_1 = 5g.\ell_2 \Rightarrow \frac{\ell_1}{\ell_2} = \frac{5}{2}$$



B.3-A: σωστό το (α)

Η αβαρής διάμετρος AG διαρρέεται από ηλεκτρικό ρεύμα και καθώς βρίσκεται μέσα σε ομογενές μαγνητικό πεδίο, δέχεται στο μέσο της δύναμη Laplace, με μέτρο : $F_L = B.I.L = B.I.2d \Rightarrow F_L = 2B.I.d$ (1). Ισχύει:



$$\left. \begin{aligned} \Sigma \tau(A) = 0 &\Leftrightarrow \tau_{FL} + \tau_w = 0 \Leftrightarrow F_L \cdot d_F - w \cdot d_w = 0 \Leftrightarrow F_L \cdot d_F = w \cdot d_w \\ d_{FL} &= d - h = \frac{4d}{5} \\ d_w &= \sqrt{d^2 - (d-h)^2} = \sqrt{d^2 - \left(\frac{4d}{5}\right)^2} = \frac{3d}{5} \\ (2) \xrightarrow{(1)} 2B.I.d &= \frac{3}{4}mg \Rightarrow I = \frac{3mg}{8B.d} \end{aligned} \right\} \Rightarrow F_L \cdot \frac{4d}{5} = w \cdot \frac{3d}{5} \Rightarrow [F_L = \frac{3}{4}w] \quad (2)$$

B.3-B: σωστό το (β)

Ο δίσκος ισορροπεί και μεταφορικά, οπότε ισχύουν:

$$\left. \begin{aligned} \Sigma F_x = 0 &\Rightarrow F_{\Delta x} = F_L \xrightarrow{(2)} F_{\Delta x} = \frac{3}{4}w \\ \Sigma F_y = 0 &\Rightarrow F_{\Delta y} = w \end{aligned} \right\} \Rightarrow F_{\Delta} = \sqrt{F_{\Delta x}^2 + F_{\Delta y}^2} = \sqrt{\frac{9}{16}w^2 + w^2} = \sqrt{\frac{25}{16}w^2} = \frac{5}{4}w \Rightarrow [F_{\Delta} = \frac{5}{4}mg]$$



ΘΕΜΑ Γ

Γ.1. Το υγρό αφού βγει από το σημείο Z, εκτελεί οριζόντια βολή.

$$\text{Υπολογίζουμε από το ύψος } h_1 \text{ τον χρόνο πτώσης : } h_1 = \frac{1}{2} g t^2 \Leftrightarrow t_{\pi\pi} = \sqrt{\frac{2h_1}{g}} = \sqrt{\frac{2.3,2}{10}} \Leftrightarrow [t_{\pi\pi} = 0,8\text{s}]$$

$$\text{Για το βεληνεκές του υγρού ισχύει: } x_1 = u_1 t_{\pi\pi} \Rightarrow 3,2 = u_1 \cdot 0,8 \Rightarrow [u_1 = 4\text{m/s}]$$

Bernoulli (Σ) →(Z):

$$p_{\Sigma} + \frac{1}{2} \rho u_{\Sigma}^2 + \rho g y_{\Sigma} = p_Z + \frac{1}{2} \rho u_Z^2 + \rho g y_Z \Rightarrow p_{atm} + \rho g H = p_{atm} + \frac{1}{2} \rho u_1^2 \Rightarrow H = \frac{u_1^2}{2g} = \frac{4^2}{20} \Rightarrow [H = 0,8\text{m}]$$

Γ.2. Για να μένει το νερό στη δεξαμενή Δ1 στο ίδιο σημείο, θα πρέπει η παροχή εξόδου να είναι ίδια με την παροχή εισόδου.

$$\text{Επομένως : } \Pi_3 = \Pi_1 = A_1 \cdot u_1 \Rightarrow A_3 \cdot u_3 = A_1 \cdot u_1 \Rightarrow 20 \cdot 10^{-4} u_3 = 10 \cdot 10^{-4} \cdot 4 \Rightarrow [u_3 = 2\text{m/s}]$$

Η αντλία δίνει ενέργεια στον υγρό για να μεταβάλλει κινητική και δυναμική ενέργεια :

$$\begin{aligned} W_{E, \Delta t}^{dy} &= \Delta K_{E, \Delta t} + \Delta U_{E, \Delta t} = \frac{1}{2} \Delta m (u_{\Sigma}^2 - y_E') + \Delta m \cdot g (y_{\Sigma} - y_E) \xrightarrow{\Delta m = \rho \Delta V} W_{E, \Delta t}^{dy} = \frac{1}{2} \rho \Delta V \cdot u_3^2 + \rho \Delta V \cdot g y_{\Sigma} = \frac{1}{2} \rho \Delta V \cdot u_3^2 + \rho \Delta V \cdot g (H + h_1) \\ \xrightarrow{\Delta t} \frac{\Delta W_{B, \Delta t}}{\Delta t} &= \frac{1}{2} \rho \cdot \frac{\Delta V}{\Delta t} \cdot u_3^2 + \rho \cdot \frac{\Delta V}{\Delta t} \cdot g (H + h_1) = \frac{1}{2} \rho \Pi_3 \cdot u_3^2 + \rho \cdot \Pi_3 \cdot g (H + h_1) \Rightarrow P = \rho \Pi_3 \cdot \left[\frac{1}{2} u_3^2 + g (H + h_1) \right] \Rightarrow \\ \Rightarrow P &= \rho A_3 \cdot u_3 \cdot \left[\frac{u_3^2}{2} + g (H + h_1) \right] = 10^3 \cdot 2 \cdot 10^{-3} \cdot 2 \left(\frac{2^2}{2} + 10 \cdot 4 \right) \Rightarrow [P = 168W] \end{aligned}$$

Γ.3. Από την παροχή στο Z και το χρονικό διάστημα πτώσης, θα βρούμε τον όγκο υγρού στον αέρα.

$$\Pi_1 = \frac{\Delta V}{\Delta t} \Rightarrow \Delta V = \Pi_1 \cdot \Delta t = A_1 \cdot u_1 t_{\pi\pi} \Rightarrow \Delta V = 3,2 \cdot 10^{-3} \text{m}^3$$

$$\rho = \frac{\Delta m}{\Delta V} \Rightarrow \Delta m = \Delta V \cdot \rho \xrightarrow{w = \Delta m \cdot g} w = \Delta V \cdot \rho \cdot g \Leftrightarrow [w = 32\text{N}]$$

Γ.4. Υπολογίζουμε την ποσότητα υγρού στο δοχείο από την παροχή για συγκεκριμένη χρονική στιγμή, βάζοντας ως $\Delta t = t - t_{\text{πτώσης}}$.

$$\text{Ισχύει: } \Pi_1 = \frac{\Delta V}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = \frac{\Delta V}{\Pi_1} \Rightarrow t - t_{\text{πτώσης}} = \frac{\Delta V}{\Pi_1} \Rightarrow t = t_{\text{πτώσης}} + \frac{\Delta V}{A_1 \cdot u_1} = 0,8 + \frac{4 \cdot 10^{-3}}{10^{-3} \cdot 4} \Rightarrow [t = 1,8\text{s}]$$

Γ.5. Υπολογίζουμε αρχικά την ταχύτητα στο σημείο Γ και στη συνέχεια την πίεση.

$$\text{Εξίσωση συνέχειας } (\Gamma) \rightarrow (Z) : A u_2 = A_1 \cdot u_1 \Rightarrow [u_2 = 2u_1] (2)$$

Εξίσωση Bernoulli $(\Gamma) \rightarrow (Z)$:

$$P_{\Gamma} + \frac{1}{2} \rho \cdot u_{\Gamma}^2 + \cancel{\rho \cdot g \cdot y_{\Gamma}} = P_Z + \frac{1}{2} \rho \cdot u_1^2 + \cancel{\rho \cdot g \cdot y_1} \Rightarrow P_{\Gamma} = P_{atm} + \frac{1}{2} \rho \cdot u_1^2 - \frac{1}{2} \rho \cdot u_{\Gamma}^2 \Rightarrow$$

$$\xrightarrow{(2)} P_{\Gamma} = P_{atm} + \frac{1}{2} \rho \cdot u_1^2 - \frac{1}{2} \rho \cdot 2^2 u_1^2 = P_{atm} + \frac{1}{2} \rho \cdot u_1^2 - \frac{1}{2} \rho \cdot 4 u_1^2 \Rightarrow P_{\Gamma} = P_{atm} - \frac{3}{2} \rho u_1^2 \xrightarrow{P_{\Gamma}' = P_{\Gamma}} P_{\Gamma}' = P_{atm} - \frac{3}{2} \rho u_1^2$$

Τα σημεία M,N βρίσκονται στο ίδιο οριζόντιο επίπεδο, στο ίδιο υγρό, οπότε:

$$P_M = P_N \Rightarrow P_{atm} = P_{atm} + P_{\Gamma}' \Rightarrow P_{atm} = \rho \cdot g \cdot h_2 + P_{atm} - \frac{3}{2} \rho u_1^2 \Rightarrow \rho \cdot g \cdot h_2 = \frac{3}{2} \rho u_1^2 \Rightarrow [h_2 = \frac{3u_1^2}{2g} = 2.4\text{m}]$$

(η πίεση που ασκεί η ποσότητα αέρα ανάμεσα στα Γ και Θ είναι αμελητέα)

ΘΕΜΑ Δ

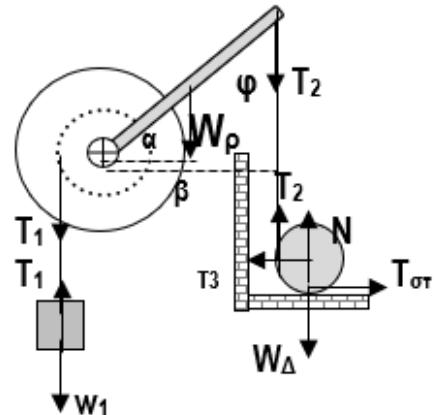
Δ.1. Το Σ1 ισορροπεί : $\Sigma F = 0 \Leftrightarrow T_1 = w_1 \Leftrightarrow T_1 = 30N$

Το σύστημα τροχαλία-ράβδος ισορροπεί:

$$\Sigma \tau(O) = 0 \Rightarrow \tau_{T_1} + \tau_{w_p} + \tau_{T_2} = 0 \Rightarrow T_1 \cdot r - w_p \cdot \alpha - T_2 \cdot \beta = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_1 \cdot r = w_p \cdot \frac{L}{2} \eta \mu \varphi + T_2 \cdot L \eta \mu \varphi \Rightarrow 30 \cdot 0,2 = 10 \cdot \frac{1}{2} 0,6 + T_2 \cdot 0,6 \Rightarrow T_2 = 5N$$

Ο δίσκος ισορροπεί οριακά.



$$\Sigma F_y = 0 \Rightarrow T_2 + N = w \Rightarrow 5 + N = w \Rightarrow N = w - 5 \quad (1)$$

$$\Sigma \tau(\text{κέντρο}) = 0 \Rightarrow \tau_{T_2} + \tau_{T_{\sigma}} = 0 \Rightarrow T_2 \cdot R_{\Delta} - T_{\sigma} \cdot R_{\Delta} \Rightarrow T_{\sigma} = T_2 = 5N \quad (2)$$

$$T_{\sigma} = \mu \cdot N \xrightarrow{(1)} 5 = \frac{1}{4}(w - 5) \Rightarrow 20 = w - 5 \Rightarrow w = 25N \Rightarrow m_{\Delta} \cdot g = 25N \Rightarrow$$

Δ.2. Μελετάμε την ΘΙ του Σ2 με το νήμα και χωρίς.

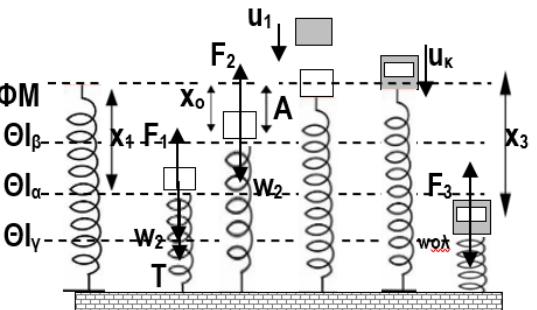
$$\Theta I_a : \Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_1 = w_2 + T \Rightarrow K \cdot x_1 = m_2 \cdot g + T \Rightarrow x_1 = 0,2m$$

$$\Theta I \beta : \Sigma F_y = 0 \Rightarrow F_2 = w_2 \Rightarrow K \cdot x_o = m_2 \cdot g \Rightarrow x_o = 0,1m$$

Το m2 εκτελεί ΑΑΤ για την οποία ισχύει:

$$D = K = m_2 \omega^2 \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{K}{m_2}} \Rightarrow \omega = 10 \text{ rad/s} \xrightarrow{\text{---}} T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}} \Rightarrow T = \frac{\pi}{5} \text{ sec}$$

$$t = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = x_1 - x_o = 0,1m \\ U = 0 \end{cases} \Leftrightarrow A = 0,1m. \text{ Μια και } A = \chi_0, \text{ το σώμα φτάνει μέχρι το φυσικό μήκος.}$$



Για την κινητική ενέργειας ταλάντωσης ισχύει:

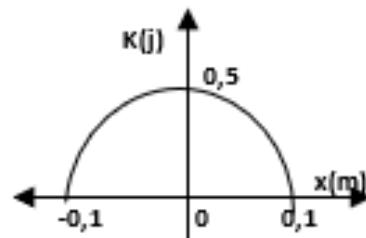
$$K = E_{\text{ταλ}} - U = E_{\text{ταλ}} - \frac{1}{2} D x^2 = \frac{1}{2} D A^2 - \frac{1}{2} D x^2 = \frac{1}{2} K A^2 - \frac{1}{2} K x^2 \Rightarrow$$

$$\Leftrightarrow K = 0,5 \cdot 50x^2 \text{ (SI)} - A \leq x \leq A$$

$$x = -A = -0,1m \Rightarrow K = 0J$$

$$x = 0m \Rightarrow K = 0,5J$$

$$x = A = 0,1m \Rightarrow K = 0J$$



Δ.3. Το Σ1 εκτελεί ομαλά επιταχυνόμενη χωρίς αρχική ταχύτητα, οπότε ισχύει:

$$d = \frac{1}{2} a_1 \cdot \Delta t_1^2 \Rightarrow a_1 = \frac{2d}{\Delta t_1^2} \Rightarrow a_1 = 2m/s^2 \quad \text{και} \quad u_0 = a_1 \cdot \Delta t_1 \Rightarrow u_0 = 1m/s$$

Το σύστημα τροχαλία-ράβδος περιστρέφεται επιταχυνόμενο ομαλά. Κάθε νήμα εξισώνει τις ταχύτητες που υπάρχουν πάνω του. Ισχύει: $u_1 = \omega \cdot r \xrightarrow{d/dt} \alpha_1 = \alpha_{\gamma\omega\omega} \cdot r \Rightarrow \alpha_{\gamma\omega\omega} = 10 \text{ rad/s}^2$.

$$\text{Οπότε: } \omega = \alpha_{\gamma\omega\omega} \cdot \Delta t_1 = 10 \cdot 0,5 \Rightarrow \omega = 5 \text{ rad/s}$$


ΦΡΟΝΤΙΣΤΗΡΙΟ

ΞΕΝΕΣ ΓΛΩΣΣΕΣ

ΜΑΘΗΜΑΤΑ ΓΙΑ ΦΟΙΤΗΤΕΣ

ΑΝΑΓΝΩΣΤΗΡΙΟ

ΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗ

ΔΗΜΙΟΥΡΓΙΚΗ ΑΠΑΣΧΟΛΗΣΗ

Οι ταχύτητες των σωμάτων τη στιγμή που κόβεται το σχοινί γίνονται αρχικές ταχύτητες των επόμενων κινήσεων. Ισχύει: $\omega_o = 5 \text{ rad/s}$ και $u_o = 1 \text{ m/s}$

Δ.4. Η κρούση των δύο σωμάτων, πρέπει να γίνει όσο πιο μακριά από τη ΘΙ και να έχει τη μεγαλύτερη κοινή ταχύτητα, ώστε να οδηγήσει σε μέγιστο πλάτος. Αυτό σημαίνει ότι η κρούση γίνεται στην πάνω ακραία θέση της προηγούμενης ταλάντωσης, δηλαδή στο φυσικό μήκος του ελατηρίου. Για να βρούμε την ταχύτητα του Σ1 πριν την κρούση, χρειαζόμαστε την απόσταση Δy που διανύει το σώμα από τη στιγμή που κόβεται το νήμα, μέχρι πριν την κρούση. Η αρχική απόσταση των Σ1, Σ2 ήταν $h=0,6 \text{ m}$ και ισούται με την απόσταση d που έχει κάνει το Σ1 πριν την κρούση, την απόσταση Δy και το 2A του Σ1.

$$h = d + \Delta y + 2A \Rightarrow 0,6 = 0,25 + \Delta y + 0,2m \Rightarrow \boxed{\Delta y = 0,15m}$$

Ισχύει: Το Σ1, αφού κοπεί το νήμα δέχεται μόνο το βάρος, άρα θα κάνει κατακόρυφη βολή προς τα κάτω. Ισχύει:

$$\text{ΑΔΜΕ: } K_{apx} + U_{apx} = K_{tel} + U_{tel} \Rightarrow \frac{1}{2}mu_o^2 + mg\Delta y = \frac{1}{2}mu_1^2 \Rightarrow u_1^2 = u_o^2 + 2g\Delta y = 1 + 3 = 4 \Rightarrow \boxed{u_1 = 2 \text{ m/s}}$$

$$u_1 = u_2 + g\Delta t_2 \Rightarrow 2 = 1 + 10\Delta t_2 \Rightarrow \boxed{\Delta t_2 = 0,1s}.$$

Σε αυτό το χρονικό διάστημα, για το σύστημα τροχαλία-ράβδος ισχύει $\Sigma t=0$, άρα εκτελεί ομαλή στροφική. Επομένως: $\Delta\theta_2 = \omega_o \cdot \Delta t_2 \Rightarrow \boxed{\Delta\theta_2 = 0,5 \text{ rad}}$

Χρειαζόμαστε τις στροφές στο 1° κομμάτι της κίνησης. Ισχύει:

$$\Delta\theta_1 = \frac{1}{2}a_{\gamma\omega\nu} \cdot \Delta t_1^2 = \frac{1}{2} \cdot \boxed{10 \cdot 0,5^2} \Rightarrow \boxed{\Delta\theta_1 = 1,25 \text{ rad}} \Rightarrow \Delta\theta o\lambda = 1,75 \text{ rad} \Rightarrow S_{o\lambda} = \Delta\theta_2 \cdot L \Rightarrow \boxed{S_{o\lambda} = 1,75 \text{ m}}$$

Δ.5. Η ταχύτητα του m1 πριν την κρούση είναι μηδέν. Βρίσκουμε την ταχύτητα του συσσωματώματος:

$$P_{apx} = P_{tel} \Rightarrow m_1 \cdot u_1 = m_{o\lambda} \cdot u_k \Rightarrow 3.2 = 4u_k \Rightarrow \boxed{u_k = 1,5 \text{ m/s}}$$

$$\text{Μελετάμε τη νέα θέση ισορροπίας: } \Theta Iy: \Sigma Fy = 0 \Rightarrow F_3 = w_{o\lambda} \Rightarrow K \cdot x_3 = m_{12} \cdot g \Rightarrow \boxed{x_3 = 0,4 \text{ m}}$$

$$D = K = m_{o\lambda} \omega^2 \Rightarrow \omega' = \sqrt{\frac{K}{m_{o\lambda}}} \Rightarrow \boxed{\omega' = 5 \text{ rad/s}}$$

$$t = 0 \Leftrightarrow \begin{pmatrix} x = x_3 \\ u = u_k \end{pmatrix} \xrightarrow{\text{ΑΔΕΤ}} E = K + U \Leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot D \cdot A^2 = \frac{1}{2} \cdot m \cdot U^2 + \frac{1}{2} \cdot D \cdot x^2 \Leftrightarrow A'^2 = \frac{u_k^2}{\omega'^2} + x^2 = \frac{1,5^2}{5^2} + 0,3^2 = 0,25 \Leftrightarrow \boxed{A' = 0,5 \text{ m}}$$

$$\text{Ο λόγος των ταχυτήτων ισούται με: } \frac{u_{max1}}{u_{max2}} = \frac{\omega \cdot A}{\omega' \cdot A'} = \frac{10 \cdot 0,1}{5 \cdot 0,5} = \frac{1}{2,5} = \frac{10}{25} \Rightarrow \frac{u_{max1}}{u_{max2}} = \frac{2}{5}$$

Επιμέλεια: Δήμητρα Μανούκα – Φυσικός